



Úloha 1. Na přímce leží různé body A, B, C, D v tomto pořadí. Kružnice s průměrem AC se protne s kružnicí s průměrem BD v bodech X a Y . Úsečky XY a BC se protnou v bodě Z . Bod $P \neq Z$ je nějaký bod na úsečce XY . Přímka CP protne kružnici s průměrem AC v bodech M a C . Podobně přímka BP protne kružnici s průměrem BD v bodech N a B . Dokaž že se přímky AM, DN, XY protnou ve společném bodě.

Úloha 2. Dva hráči hrají následující hru. Na začátku je prázdná tabulka 5×5 polí. Poté se hráči střídají v tazích, kdy v lichých tazích napíše první hráč do nějakého prázdného pole 1. V sudých tazích napíše druhý hráč do libovolného prázdného pole číslo 0. Až je velký čtverec zaplněn, skóre hry je maximální součet v nějaké souvislé tabulce 3×3 v původní tabulce¹. První hráč se snaží skóre maximalizovat, druhý minimalizovat. Jaké je skóre hry pokud oba hrají optimálně?

Úloha 3. Necht $f(n)$ je nejmenší přirozené číslo takové, že po $f(n)$ -násobné aplikaci jakékoli permutace na sekvenci délky n dostaneme původní pořadí. Dej předpis jak spočítat $f(n)$.

¹takových tabulek 3×3 je 9